



## روشی نوین برای انتخاب مکان و اندازه بهینه خازن در شبکه های توزیع با بکارگیری منطق فازی

مصطفی بابایی  
شرکت توزیع شرق تهران

محمد فرخی  
دانشگاه علم و صنعت ایران  
استادیار دانشکده برق

نبی الله رمضانی  
دانشگاه علم و صنعت ایران  
دانشجوی دکترای برق  
[n\\_ramezani@iust.ac.ir](mailto:n_ramezani@iust.ac.ir)

کلمات کلیدی: شبکه توزیع، پخش بار توزیع، جایابی خازن، تلفات، پروفیل ولتاژ، منطق فازی

### مقدمه

اغلب اجزاء سیستم قدرت و بارهای الکتریکی موجود در شبکه، توان راکتیو مصرف می کنند. بنابراین، توان راکتیو مصرفی بایستی بطريق مناسبی تأمین گردد. چنانچه امکان انتقال توان راکتیو وجود نداشته باشد بایستی آنرا در محل مصرف، تولید کرد. یکی از روشهای تولید توان راکتیو در محل مصرف کننده، نصب خازن می باشد. همچنین نصب خازن در سیستم های توزیع سبب کنترل پخش بار، بهبود پایداری سیستم، کیفیت انرژی توزیع شده و تصحیح ضریب توان می گردد. خازنهای نصب شده با کاهش انتقال توان راکتیو خط از محل پست اصلی تا محل نصب خازن، جریان عبوری از خطوط را کاهش داده و در نتیجه تلفات مسیر جریان کاهش می یابد. برای حداقل سازی تلفات باید جذب و تزریق توان راکتیو به گونه ای انجام پذیرد که جریان راکتیو عبوری از خطوط را حداقل سازد. و در نتیجه بحث جایابی بهینه خازنهای موازی مطرح می گردد. تابع هدف

جایابی و نصب خازن در سیستم توزیع انرژی الکتریکی به منظور جبران توان راکتیو، بهبود پروفیل ولتاژ و کاهش تلفات شبکه انجام می گردد. کاهش تلفات در سیستم قدرت از نظر مسائل اقتصادی اهمیت ویژه ای دارد. در مسئله جایابی خازن تابع هدف، بهینه سازی هزینه تلفات اکتیو شبکه توزیع پس از نصب خازن و هزینه خازن نصب شده با رعایت قیود مربوطه می باشد. در این مقاله با توجه به شاخصهای تلفات اکتیو و ولتاژ شین ها، روش جدیدی مبتنی بر تئوری فازی برای تعیین ظرفیت و محل نصب خازنهای ارائه شده است. نتایج بدست آمده از الگوریتم بیانگر این است که روش ارائه شده در مقایسه با مرجع [1] پاسخ بهتری را به لحاظ حداقل سازی تابع هزینه با رعایت قیود ارائه می دهد. همچنین الگوریتم پیشنهادی براساس اطلاعات واقعی بخشی از شبکه توزیع نمونه اجرا و در مقایسه با مقادیر و محلهای نصب خازن در عمل از لحاظ فنی و اقتصادی نتایج بهتری حاصل گردید.

$$f = k_p \cdot P_{Loss} + \sum_{j=1}^k K_j Q_j \quad (1)$$

که در رابطه فوق:

$k_p$ : هزینه تلفات توان اکتیو (kw/صدهزارریال)

$P_{Loss}$ : تلفات کل شبکه توزیع در هر مرحله از جایابی خازن (kw)

$J$ : شینهای انتخاب شده برای نصب خازن

$K_j$ : ضریب حداقل هزینه ترکیبیهای ممکن خازنها بعلاوه

هزینه های نصب و نگهداری و ... (kvar/صدهزارریال)

$Q_j$ : ترکیب توان راکتیو خازنها موجود (kvar)

### ۳-۲- قید مسئله

معمولًا در هر مسئله بهینه سازی محدودیتهایی وجود

دارند. قید عملیاتی موجود در این مسئله اندازه ولتاژ گره ها

می باشد که باید در محدوده مجاز قرار گیرند:

$$v_{\min} \leq |v_i| \leq v_{\max} \quad (2)$$

که در رابطه فوق  $v_i$  ولتاژ گره  $i$  ام و  $v_{\max}$  و  $v_{\min}$  به

ترتیب مقادیر حداقل و حدکثر ولتاژ مجاز می باشد.

### ۴-۲- استفاده از منطق فازی برای تعیین نقاط

#### کاندیدا برای نصب خازن

حداقل سازی تلفات توان اکتیو در شبکه توزیع با

استفاده از نصب خازن، ترکیبات مختلفی از مکان نصب و

اندازه خازنها را مطرح می سازد. یکی از روشهایی که

حساسترین نقاط را برای نصب خازن مشخص می نماید

روش منطق فازی است که دارای دقت و سرعت پاسخگویی

بالایی می باشد. در این روش از تلفات توان اکتیو ( $\mu_p$ ) و

حساسیت ولتاژ شینها ( $\mu_v$ ) به عنوان ورودی سیستم فازی

استفاده شده است. لازم بذکر است که حداقل مقدار عضویت از

توان اکتیو و حساسیت ولتاژ شین، تعیین کننده نقطه کاندیدا

برای نصب خازن می باشند. بنابراین هر چه تلفات شاخه ای

بالا باشد مقدار تابع عضویت آن کمتر و هر چه تلفات شاخه

کمتر باشد میزان تابع عضویت آن بایستی بیشتر باشد. یکی از

توابعی که می توان چنین تابع عضویت فوق را نشان داد بقرار

زیر است:

(تابع هزینه) در مسئله جایابی بهینه خازن در شبکه های توزیع شامل بهای خازنهای نصب شده بهمراه هزینه های نصب و نظایر آن و هزینه تلفات توان اکتیو می باشد که با حداقل سازی تابع هزینه بهمراه رعایت قیود یعنی ولتاژ مجاز شین ها، مکان و اندازه بهینه خازن نصب شده بدست می آید. تاکنون روشهای متعددی برای تعیین مکان و اندازه بهینه خازنها ارائه گردیده است. اغلب این روشهای [۱۰-۴] مورد مطالعه و بررسی دقیق قرار گرفته است. در این روشهای نیاز به اطلاعات ورودی دقیق و بعضی پیچیده ای بوده است که امکان دسترسی به این اطلاعات در شبکه های واقعی را مشکل می نمود. لذا پیاده سازی این روشهای برای یک شبکه نمونه برق با دشواری همراه بوده و در برخی موارد نیاز به تقریب های بالایی بوده است. در این مقاله روشی مبتنی بر منطق فازی برای یافتن نقاط کاندیدا برای نصب خازن با استفاده از شاخصهای حساسیت ولتاژ شین ها و تلفات توان اکتیو شاخه ها بکار گرفته شده است. از قابلیت های این روش سادگی آن و امکان پیاده سازی بر روی شبکه واقعی می باشد لذا مسئله بهینه سازی با استفاده از الگوریتم ارائه شده برای یک شبکه نمونه توزیع (با استناد به اطلاعات واقعی) اجرا و نتایج آن ارائه گردیده است.

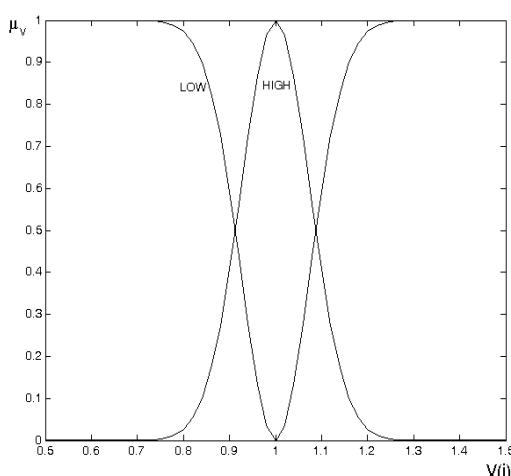
### ۲- تشریح مسئله جایابی بهینه خازن

#### ۲-۱- محاسبه پخش بار شبکه توزیع

در این بخش، محاسبه پخش بار برای شبکه توزیع در هر مرحله (بدون نصب خازن و با نصب خازن) اجرا شده و نتایج ولتاژ شین ها و تلفات اکتیو برای محاسبات بعدی بکار گرفته می شوند. لازم بذکر است که برنامه پخش بار با استفاده از مرجع [۳] اجرا شده است.

### ۲-۲- تابع هزینه

پس از محاسبه تلفات اکتیو و همچنین با توجه به میزان مورد نیاز خازن برای جبران توان راکتیو شبکه توزیع و اندازه های موجود خازن، تابع هزینه بقرار زیر محاسبه می گردد:



شکل ۲- تابع عضویت برای حساسیت ولتاژ [۲۱]

بطور کلی برای یافتن مکان کاندیدا برای نصب خازن هر دو عامل تلفات اکتیو و حساسیت ولتاژ باید در نظر گرفته شوند. بنابراین نیاز به تعریف یک تابع تصمیم گیری شامل وضعیت هر دو عامل فوق ( $\mu_s$ ) می باشد:

$$\mu_s(i) = \min\{\mu_v(i), \mu_p(i)\} \quad i = 1, 2, \dots, m \quad (5)$$

که نقطه کاندیدا برای نصب خازن نقطه ای است که دارای کمترین مقدار تابع عضویت تصمیم گیری باشد. چرا که مقادیر پائین  $\mu_s$  بیانگر حساسیت بالای آن نقطه از شبکه توزیع (شین) به انحراف بالای ولتاژ و تلفات می باشد.

## ۵-۲- تشریح الگوریتم ارائه شده مبتنی بر منطق فازی

- ۱- محاسبه پخش بار توزیع و تعیین ولتاژهای شین و تلفات و به تبع آن تعیین  $\mu_v$  و  $\mu_p$
- ۲- نقطه کاندیدا با توجه به حداقل مقدار تابع تصمیم گیری (رابطه ۵) تعیین می گردد (شین  $M$ )
- ۳- پله های خازنی موجود به ترتیب در شین  $M$  نصب می شوند، پخش بار توزیع اجرا می گردد و مقدار خازنی که اولاً قید ولتاژ شین ها را برآورده سازد و ثانیاً تابع هزینه (۱) را حداقل سازد انتخاب می گردد. اگر به ازای هیچ مقدار خازنی قید ولتاژ شینها رعایت نگردد این شین از لیست شینهای کاندید شده حذف می گردد.

$$\mu_p(i) = e^{-\frac{wP_L(i)}{P_{Loss}}} \quad (3)$$

که در آن:

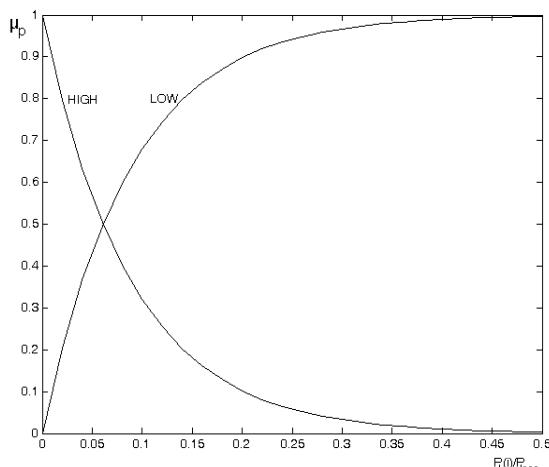
$w$ : ضریب وزنی است که با رابطه زیر تعیین می شود:

$$W = \frac{P_{Loss}}{P_t}$$

$P_L(i)$ : تلفات توان اکتیو بین شین  $i+1$

$P_t$ : توان کل اکتیو مصرف کنندگان

$P_{Loss}$ : کل تلفات اکتیو شبکه



شکل ۱- تابع عضویت تلفات توان اکتیو [۲۱]

برای مسئله حساسیت ولتاژ شین، به ازای انحراف زیاد ولتاژ در یک شین مقدار تابع عضویت مربوط به آن شین پائین در نظر گرفته شده و با انحراف کم ولتاژ، مقدار عضویت بالایی برای ولتاژ منظور می گردد. لذا تابع عضویت مربوطه را می توان بمانند زیر تعریف کرد:

$$\mu_v(i) = e^{-w\left[\frac{v(i)-1}{v_{max}-v_{min}}\right]^2} \quad (4)$$

که در آن:

$v(i)$ : ولتاژ شین  $i$

$v_{max}$ : حد بالای ولتاژ

$v_{min}$ : حد پائین ولتاژ

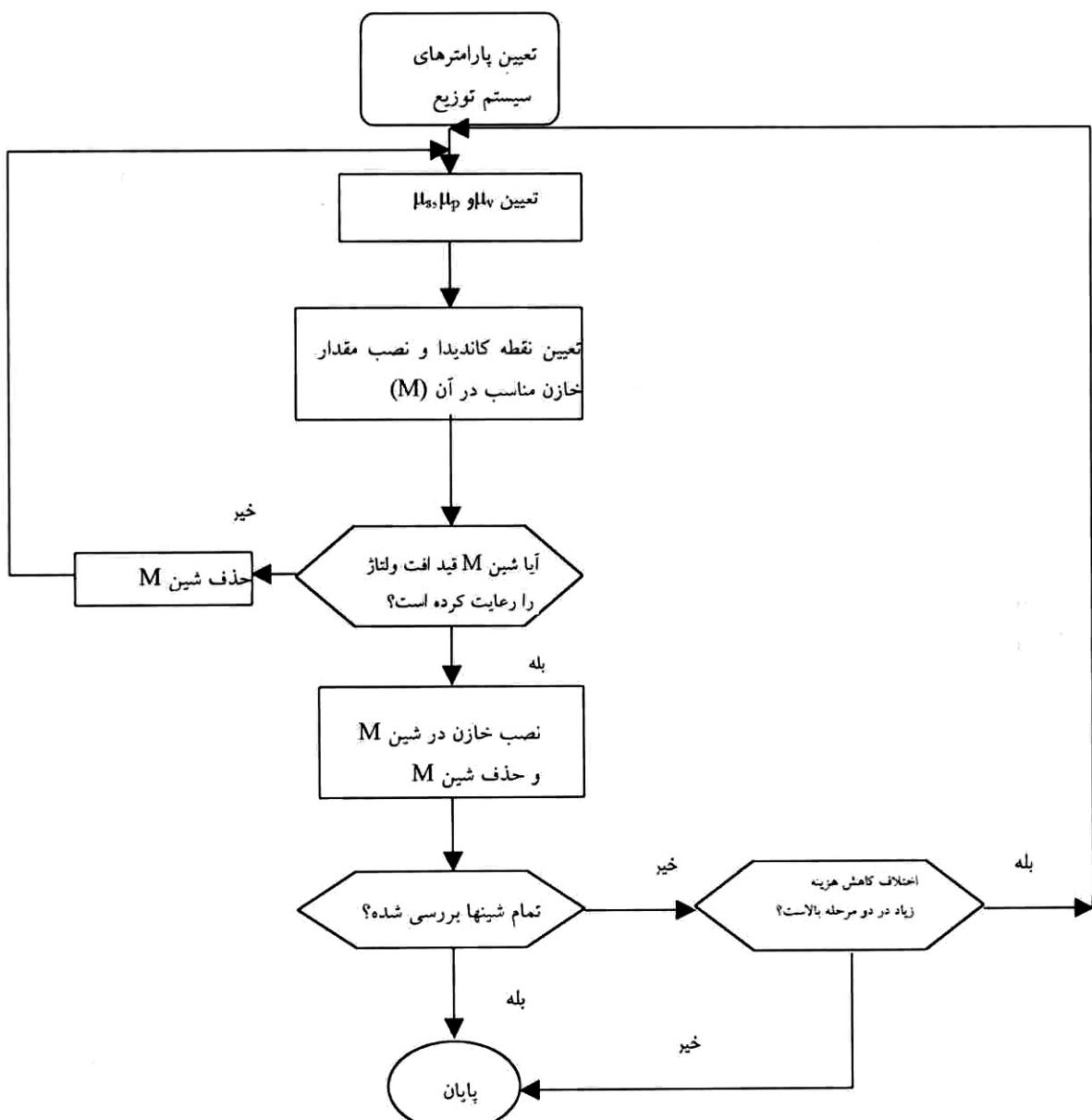
$w$ : ضریب وزنی که مطابق با رابطه (۳) محاسبه می شود.

جاری از مرحله قبلی از حداقل تعريف شده کمتر باشد و یا تمامی شینها بررسی شده باشند. از قابلیتهای این الگوریتم در نظر گرفتن مسئله ولتاژ مجاز شینها بهمراه حداقل سازی تلفات اکتیو و به تبع آن حداقل سازی تابع هزینه مربوطه می‌باشد. همچنین این روش قادر است در صورتیکه ولتاژ شینها در محدوده مجاز قرار داشته باشند مسئله را برای حداقل سازی تلفات اکتیو (حداقل سازی هزینه) حل نموده و محل و اندازه خازن مورد نیاز برای نصب در شبکه توزیع را تعیین نماید.

۴- شین  $M$  از تابع تصمیم گیری حذف می‌گردد و با فراردادن مقدار خازن محاسبه شده در آن شین ( $M$ )، پخش بار توزیع انجام شده و تابع تصمیم گیری جدید بدون شین  $M$  تشکیل می‌گردد.

۵- از تابع تصمیم گیری، کاندیدای بعدی انتخاب شده و به مرحله (۳) بر می‌گردد.

۶- این الگوریتم تا زمانی خاتمه می‌یابد که قید ولتاژ رعایت شود و کاهش هزینه محاسبه شده در مرحله



شکل ۳- فلوچارت الگوریتم نوین جایابی بهینه خازنها در شبکه توزیع

با توجه به جدول (۱) حداکثر مقدار خازن نباید از مقدار کل توان راکتیو (۴۱۸۶ کیلووار) بیشتر شود. لذا با توجه به خازنهای موجود و ترکیب‌های حداقل هزینه (نگهداری، نصب، خرید) مقادیر پله‌های خازنی و ضرایب هزینه آنها مطابق جدول (۳) می‌باشد:

جدول ۳- انتخاب‌های ممکن اندازه‌های خازن و ضرایب هزینه مربوطه

<i>J</i>	<i>Q</i>	<i>K<sub>j</sub>(\$/kvar)</i>	<i>J</i>	<i>Q</i>	<i>K<sub>j</sub>(\$/kvar)</i>
1	150	0.5	15	2250	0.197
2	300	0.5	16	2400	0.170
3	450	0.253	17	2550	0.189
4	600	0.22	18	2700	0.187
5	750	0.276	19	2850	0.183
6	900	0.183	20	3000	0.180
7	1050	0.228	21	3150	0.195
8	1200	0.170	22	3300	0.174
9	1350	0.207	23	3450	0.188
10	1500	0.201	24	3600	0.170
11	1650	0.193	25	3750	0.183
12	1800	0.187	26	3900	0.182
13	1950	0.211	27	4050	0.179
14	2100	0.176	---	---	---

جدول (۴) نتایج پخش بار توزیع قبل از جبرانسازی را با استفاده از روش ارائه شده و مقادیر مرجع نشان می‌دهد.

جدول ۴- نتایج ولتاژ شین‌ها

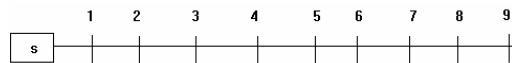
Bus	<i>Voltage[1]</i>	<i>Voltage</i> (روش ارائه شده)
1	0.993	0..9929
2	0.987	0.9874
3	0.963	0.967
4	0.984	0.9482
5	0.917	0.9175
6	0.907	0.908
7	0.889	0.8893
8	0.859	0.8593
9	0.838	0.8382

جدول (۵) مقایسه نتایج حاصل از روش ارائه شده و نتایج مرجع را نشان می‌دهد.

### ۳- نتایج شبیه سازی و مقایسه آنها

#### ۳-۱- اطلاعات مورد دنیاز

یک فیدر توزیع شعاعی به شکل زیر در نظر گرفته شده است [۱]. این فیدر شامل نه شین بار با ولتاژ نامی ۲۳ کیلوولت و توان نامی ۱۵ مگاوات آمپر می‌باشد:



شکل ۴- شبکه توزیع شعاعی

اطلاعات بار شبکه فوق و اطلاعات فیدر آن در جداول نشان داده شده است:

جدول ۱- اطلاعات بار شبکه توزیع مورد نظر

<i>Q(kvar)</i>	<i>P(kw)</i>	شماره شین
460	1840	1
340	980	2
446	1790	3
1840	1598	4
600	1610	5
110	780	6
60	1150	7
130	980	8
200	1640	9

جدول ۲- اطلاعات فیدر شبکه توزیع مورد نظر

<i>X (Ω)</i>	<i>R (Ω)</i>	<i>i+I</i>	شین انتهایی ( <i>i</i> )
0.4127	0.1233	1	0
0.6051	0.0140	2	1
1.2050	0.7463	3	2
0.6084	0.6984	4	3
1.7276	1.9831	5	4
0.7886	0.905	6	5
1.1640	2.0552	7	6
2.7160	4.7953	8	7
3.0264	5.3434	9	8

- سایر اطلاعات:

$$V_{\min}=0.9 \text{ p.u.}, V_{\max}=1.1 \text{ p.u.}, k_p=168 \text{ \$/kw}$$

جدول ۷- اطلاعات فیدر خدابنده لو در شبکه توزیع شرق تهران

$X(\Omega)$	$R(\Omega)$	شین انتهایی (i+1)	شین ابتدایی (i)
0.138	0.176	1	0
0.068	0.088	2	1
0.035	0.045	3	2
0.069	0.089	4	3
0.035	0.045	5	4
0.091	0.116	6	4
0.073	0.073	7	6
0.058	0.074	8	7
0.093	0.093	9	7
0.05	0.063	10	6
0.053	0.068	11	10
0.053	0.062	12	6

جدول ۸- انتخابهای ممکن اندازه های خازن و ضرایب هزینه

$J$	$Q_j(kvar)$	$k_j(Kvar)$
1	150	0.66
2	300	0.4
3	450	0.3
4	600	0.25
5	750	0.24
6	900	0.25
7	1050	0.29
8	1200	0.25
9	1350	0.24
10	1500	0.24

همچنین ضریب ( $k_p=23.65$  / صدهزار ریال) می باشد.

#### ۴-۲- نتایج اجرای الگوریتم بر روی بخشی از شبکه توزیع شرق تهران

جدول (۹) نتایج پخش بار توزیع (ولتاژ شین ها) را در بعد از جبرانسازی نشان می دهد.

جدول ۵- مقایسه نتایج روش ارائه شده و مرجع [۱]

مرجع [۱]	روش ارائه شده در این مقاله	هزینه کل (\$/kvar)
119736	119007.4	تلفات کل (kw)
707	701.66	باشهای جبران شده (kvar) $Q_c$
9	9	5
900	2500	2100
5	900	300
4	1800	450
3	2400	

همانطوریکه در جدول فوق ملاحظه می شود هزینه و تلفات کل حاصل از اجرای الگوریتم جدید ارائه شده در این مقاله دارای مقادیر بهتری نسبت به نتایج مرجع [۱] می باشد.

#### ۴- توزیع شرق تهران

در این بخش قسمتی از شبکه توزیع برق شرق تهران (مطابق شکل ۵ در بخش ضمیمه) به منظور بررسی دقیق الگوریتم ارائه شده مورد مطالعه قرار گرفته است. در این شبکه یکی از فیدرهای ۲۰ کیلوولت (فیدر خدابنده) با ۱۲ شین از پست ۶۳/۲۰ کیلوولتی و ۳۰ مگاوات آمپری (پست ارم شهر) با مشخصات ذیل در نظر گرفته شده است.

#### ۱- اطلاعات فیدر نمونه

اطلاعات متوسط بار در دوره مطالعه و اطلاعات فیدر مذکور مطابق جداول داده شده است.

جدول ۶- اطلاعات بار برای بخشی از شبکه توزیع شرق تهران

شماره شین	$P(kw)$	$Q(kvar)$
1	890	468
2	628	470
3	1112	764
4	636	378
5	474	344
6	1342	1078
7	920	292
8	766	498
9	662	480
10	690	186
11	1292	554
12	1124	480

## ۵- نتیجه گیری

در این مقاله روش جدیدی برای تعیین نقاط مناسب جهت نصب خازن با استفاده از منطق فازی ارائه گردید. در این روش، هدف نهایی محاسبه مکان خازنها با رعایت قید ولتاژ مجاز شینها و حداقل سازی تابع هزینه کل (حداقل سازی تلفات اکتیو) بوده است. با توجه به نتایج ارائه شده بر روی شبکه مورد استفاده در مرجع [۱] و بخشی از شبکه توزیع شرق تهران مشاهده می شود که نتایج حاصل از روش مذکور ترکیب مناسبتری از خازنها را انتخاب نموده که با نصب آن در شبکه بطور قابل ملاحظه ای تلفات اکتیو و در نتیجه هزینه کل کاهش یافته است.

یکی از قابلیت‌های دیگر این روش سادگی روش و امکان انطباق و پیاده سازی آن برای شبکه واقعی می باشد که نتایج آن نیز ارائه گردیده است.

## ۶- مراجع

- [1]. Hong-Chan Chin, whei-min lin, "Capacitor placements for distribution systems with fuzzy algorithm", TECON 94, IEEE Region 10' s Ninth. annual international conference. theme frontiers of computer technology, proceedings of 1994, 22-26 Aug.1994.
- [2]. H.N.Ng, M.M.A. Salama, A.Y.Chikhani, " Capacitor placement in distribution system using fuzzy technique", IEEE electrical and computer conference on, volume:2, 26-29 may
- [3].D.Shirmohamadi, and etc., "A compensation - based power flow method for weakly meshed distribution and transmission networks" , IEEE trans on power systems, vol.3, No.2, May 1988.
- [4]. Y.Baghzouz, s.Ertem, " Shunt capacitor sizing for radial distribution feeders with distored substation voltages", IEEE Trans.on Power Delivery, vol.5,No.2, April 1990.
- [5]. H.N.Ng, and etc., "Capacitor allocation by approximate reasoning: fuzzy capacitor placement" , IEEE Trans.on

جدول ۹- ولتاژ شین ها بعد از جبرانسازی

شماره شین	ولتاژ شین (p.u)
1	0.9942
2	0.9915
3	0.9902
4	0.9875
5	0.9875
6	0.9851
7	0.9844
8	0.9842
9	0.9841
10	0.9846
11	0.9843
12	0.9848

لازم بذکر است که هدف از جبرانسازی در شبکه مذکور رفع مشکل افت ولتاژ غیرمجاز نبوده است بلکه با توجه به قابلیت الگوریتم ارائه شده، چنانچه ولتاژ شین های شبکه توزیع بعنوان قیود مسئله در محدوده مجاز باشند. حل مسئله منجر به یافتن ترکیبی از خازنها جهت کاهش تلفات اکتیو می گردد. جدول (۱۰) نتایج پخش بار توزیع و محاسبه هزینه کل را قبل از جبرانسازی و بعد از جبرانسازی نشان می دهد.

جدول ۱۰- مقایسه نتایج در قبل و بعد از جبرانسازی

بررسیهای انجام شده	تلفات کل (کیلوواتی)	هزینه کل (صدهزار ریال)	باسهای جبران شده	Q <sub>c</sub> (var)
قبل از جبرانسازی	197.81	4688.1	----	---
خازن گذاری با استفاده از روش خبره	181.1	4610.07	1	300
جبرانسازی با الگوریتم ارائه شده در مقاله	129.024	4466.5	12	150
			3	150
			1	600
			2	1350
			4	1500
			6	1500

همانطوریکه از جدول فوق ملاحظه می شود نتایج با استفاده از الگوریتم ارائه شده در این مقاله دارای تلفات کل و هزینه کل کمتری در دوره زمانی مورد مطالعه می باشد.

proceedings, bologna, volume: 4, June 23-26, 2003, p. 605-610.

[9]. De Souza, and etc, “*Micro genetic algorithms and fuzz logic applied to the optimal placement of capacitor banks in distribution networks*”, IEEE Trans. On Power System ,vol.19, Issue: 2, May 2004, p.942-947.

[10]. Dash . P.K. and etc, “*Artificial neural net approach for capacitor placement in power system*”, IEEE Neural networks to power systems, proceedings of the first international forum on application of, 23-26 July 1991, p.247-250.

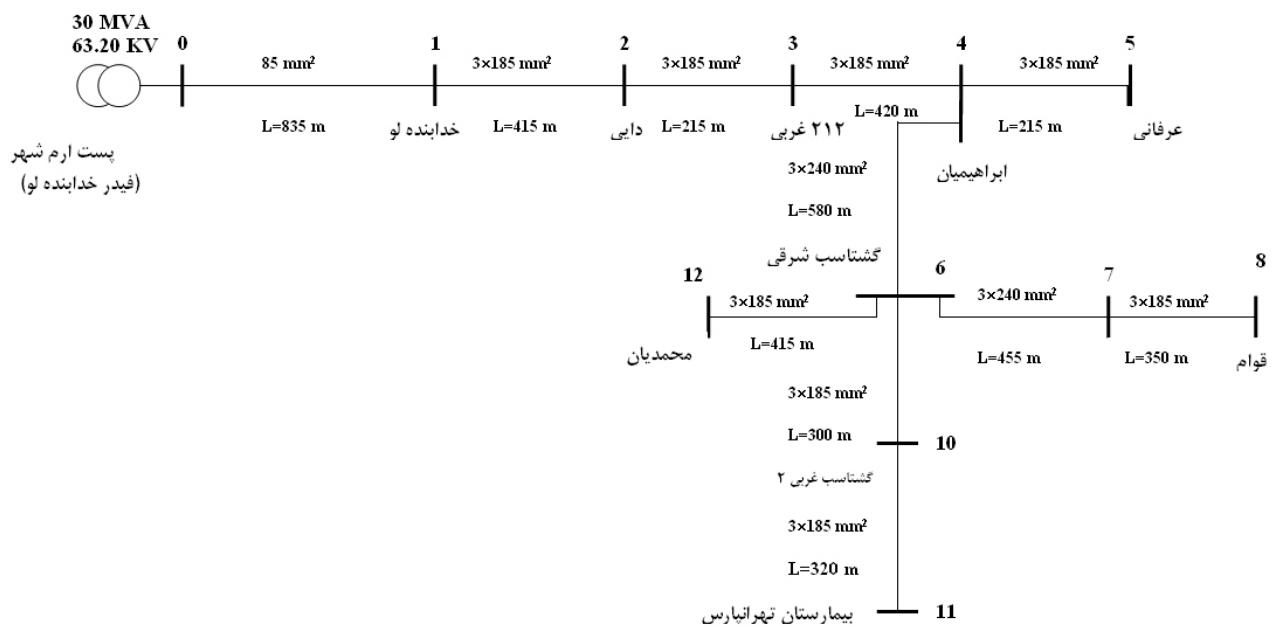
power delivery, vol.15, No.1, Jan. 2000, P.393-398.

[6]. H.N.Ng, M.M.A. Salama, A.Y.Chikhani, “*Capacitor placement in distribution systems using fuzzy technology*”, Electrical and Computer engineering 1996, Canada conference on, vol .2, 26-29 May 1996.

[7]. Ramon. .A.Gallego, and etc, “*Optimal capacitor placement in radial distribution*”, IEEE Trans. On power systems vol. 16, No.4, November 2001.

[8]. Abou- Ghazala, A, “*Optimal capacitor placement systems feeding non linear loads*”, IEEE power tech conference

#### ضمیمه



شکل ۵ - بخشی از شبکه توزیع برق شرق تهران